

**SKRIPSI**

**APLIKASI PROGRAM LINEAR FUZZY PADA  
PENGOPTIMALAN PRODUKSI PADA CV. PQR**

Disusun dan diajukan oleh

**NUR HAIDA**

**H11114014**



**PROGRAM STUDI MATEMATIKA  
DEPARTEMEN MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS HASANUDDIN**

**MAKASSAR**

**2021**

**APLIKASI PROGRAM LINEAR FUZZY PADA  
PENGOPTIMALAN PRODUKSI PADA CV. PQR**

**SKRIPSI**

**Diajukan sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana  
Sains pada Program Studi MATEMATIKA Departemen Matematika  
Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Hasanuddin**

**NUR HAIDA**

**H11114014**

**PROGRAM STUDI MATEMATIKA  
DEPARTEMEN MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS HASANUDDIN  
MAKASSAR**

**2021**

## LEMBAR PERNYATAAN KEOTENTIKAN

Yang bertanda tangan dibawah ini :

Nama : NUR HAIDA

NIM : H11114014

Program Studi : MATEMATIKA

Jenjang : S1

Menyatakan dengan ini bahwa karya tulisan saya berjudul

### APLIKASI PROGRAM LINEAR FUZZY PADA PENGOPTIMALAN PRODUKSI PADA CV.PQR

Adalah benar hasil karya saya sendiri bukan merupakan pengambilan alihan tulisan orang lain dan bahwa skripsi yang saya tulis ini benar-benar merupakan hasil karya saya sendiri.

Apabila dikemudian hari terbukti atau dapat dibuktikan bahwa sebagian atau keseluruhan skripsi ini merupakan hasil karya orang lain, maka saya bersedia menerima sanksi atas perbuatan tersebut.

Makassar, 24 September 2021

Yang Menyatakan



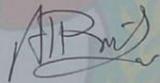
NUR HAIDA

**LEMBAR PERSETUJUAN PEMBIMBING**  
**APLIKASI PROGRAM LINEAR FUZZY PADA**  
**PENGOPTIMALAN PRODUKSI PADA CV. PQR**

Disetujui oleh:

Pembimbing Utama

Pembimbing Pertama

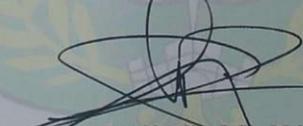


Dr. Agustinus Ribal, S.Si., M.Sc.  
NIP. 19750816 199903 1 001



Jasmawati Massaless, S.Si., M.Si.  
NIP. 19680601 199512 2001

Ketua Program Studi



Prof. Dr. Nurdin, S.Si., M.Si.  
NIP. 19700807 200003 1 002



Pada Tanggal: 24 September 2021

**LEMBAR PENGESAHAN SKRIPSI**  
**APLIKASI PROGRAM LINEAR FUZZY PADA**  
**PENGOPTIMALAN PRODUKSI PADA CV. PQR**

Disusun dan diajukan oleh:

**NUR HAIDA**  
**H11114014**

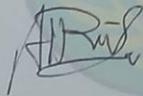
Telah dipertahankan dihadapan Panitia Ujian yang dibentuk dalam rangka  
Penyelesaian Studi Program Sarjana pada Program Studi MATEMATIKA  
Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Hasanuddin

Pada tanggal 24 September 2021  
dan dinyatakan telah memenuhi syarat kelulusan.

Menyetujui

Pembimbing Utama

Pembimbing Pertama

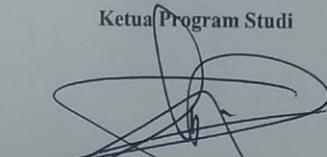


Dr. Agustinus Ribal, S.Si., M.Sc.  
NIP. 19750816 199903 1 001



Jusmawati Massalesse, S.Si., M.Si.  
NIP. 19680601 199512 2001

Ketua Program Studi



Prof. Dr. Nurdin, S.Si., M.Si.  
NIP. 19700807 200003 1 002



## KATA PENGANTAR

Assalamualaikum Warahmatullahi Wabarakatuh. Alhamdulillah rabbil'alamin. Segala puji bagi Allah Azza Wa Jalla Rabb semesta alam yang ditangan-Nya terenggam nyawa seluruh makhluk semesta alam, yang Maha kekal sebelum sesuatunya ada, dan akan tetap kekal setelah segala sesuatunya tiada. Shalawat serta salam semoga selalu dilimpahkan kepada Nabi Muhammad ﷺ dan kepada para keluarga serta Sahabat beliau. Alhamdulillah Wasyukurillah, berkat pertolongan Allah akhirnya skripsi dengan judul “**APLIKASI PROGRAM LINEAR FUZZY PADA PENGOPTIMALAN PRODUKSI PADA CV. PQR**” yang disusun sebagai salah satu syarat akademik untuk meraih gelar sarjana sains pada Program Studi MATEMATIKA Departemen Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Hasanuddin ini dapat dirampungkan. Penulis berharap skripsi ini dapat memberikan tambahan pengetahuan baru bagi para pembelajar dalam program studi MATEMATIKA.

Penyusunan skripsi ini tidak terlepas dari bantuan berbagai pihak. Oleh karena itu, penulis menyampaikan ucapan terima kasih yang setulus-tulusnya kepada kedua orang tua tercinta dan tersayang: **Ibunda Ramliati dan Ayahanda Amiruddin Suli**’ atas setiap bait doa yang tidak pernah putus serta kasih sayang yang mengalir tiada henti dalam merawat, mendidik, dan membesarkan penulis dengan sabar dan ikhlas. Ucapan terima kasih juga kepada saudara tercinta **Srimayuni, Ahmad dan Samsul Andika** serta seluruh keluarga besar yang selalu senantiasa memberikan doa dan dukungan bagi penulis dalam menyelesaikan skripsi ini.

Dengan segala kerendahan hati penulis menyampaikan terima kasih yang setulus-tulusnya kepada :

1. Ibu **Prof. Dr. Dwia Aries Tina Palubuhu, MA**, selaku Rektor Universitas Hasanuddin beserta seluruh jajarannya.
2. Bapak **Dr. Eng. Amiruddin, M.Si.** selaku Dekan Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Hasanuddin beserta seluruh jajarannya.

3. Bapak **Prof. Dr. Nurdin, S.Si., M.Si.** selaku Ketua Departemen Matematika atas segala ilmu, nasehat, fasilitas, saran dan dukungan yang diberikan kepada penulis untuk menyelesaikan tugas akhir ini.
4. Bapak **Dr. Agustinus Ribal, S.Si., M.Sc.** selaku pembimbing utama dan Ibu **Jusmawati Massalesse, S.Si., M.Si.** selaku pembimbing pertama sekaligus Penasehat Akademik tahun 2015-2017 untuk segala ilmu, nasehat, dan kesabaran dalam membimbing dan mengarahkan penulis serta bersedia dengan setulus hati meluangkan waktunya ditengah berbagai kesibukan dan prioritasnya untuk membimbing penulis menyelesaikan tugas akhir ini.
5. Bapak **Prof. Dr. Syamsuddin Toaha, M.Sc.** selaku penguji atas kesediaannya untuk memberikan saran dan arahan kepada penulis dalam penyusunan skripsi ini.
6. Bapak **Dr. Muhammad Zakir, M.Si.** selaku penguji atas kesediaannya untuk memberikan saran dan arahan kepada penulis dalam penyusunan skripsi ini.
7. Bapak **Prof. Dr. Eng. Mawardi, S.Si., M.Si.** selaku Penasehat Akademik Tahun 2018-2021 atas waktu, dukungan serta motivasi yang diberikan kepada penulis dalam membimbing penulis menyelesaikan tugas akhir ini.
8. Bapak/Ibu **Dosen Pengajar Departemen Matematika** yang telah membekali ilmu kepada penulis selama menjadi mahasiswa di Departemen Matematika. Serta kepada **Pak Nasir, Pak Iswan, dan Kak Ruwaidah** selaku Staf Departemen Matematika yang telah membantu banyak dalam pengurusan akademik selama ini.
9. Terimakasih kepada sahabat **GIRLSQUAD** yaitu **Ayu, Amy, Srimul, Agnes, Mira, Utari, Eka, Indah, Dian, Afni, Arni, Dan Ainun** yang telah menemani, selalu meluangkan waktunya, memberikan doa dan dukungan, serta tempat berbagi keluh kesah penulis selama masa perkuliahan sampai saat ini.
10. Teman-teman seperjuangan **Program Studi Matematika 2014** yang telah mendukung dan berjuang bersama-sama selama ini.
11. Seluruh Teman-teman **KKN Reguler Gelombang 99**, khususnya kepada teman posko: **Fitri, Dian, Dahlia, Nunu, Alif dan Alif** yang telah menjadi teman dan keluarga baru. Terimakasih atas waktu singkat dan pengalaman

yang bermakna. Semoga kedepannya silaturahmi yang telah dibangun bersama tetap terjalin dengan baik.

12. Semua pihak yang tidak dapat disebutkan satu persatu, atas segala bentuk kontribusi, partisipasi, serta motivasi yang diberikan kepada penulis selama ini.

Semoga segala bantuan yang tulus dan ikhlas ditujukan kepada penulis mendapatkan balasan yang terbaik dari Allah SWT. Mudah-mudahan tulisan ini bermanfaat untuk adik-adik, kakak-kakak, dan semua pihak yang membutuhkan dan terutama untuk penulis sendiri.

Wassalamualaikum Warahmatullahi Wabarakatuh.

Makassar, 24 September 2021



NUR HAIDA

## **PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI TUGAS AKHIR UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS**

Sebagai sivitas akademik Universitas Hasanuddin, saya yang bertanda tangan dibawah ini:

Nama : NUR HAIDA  
NIM : H11114014  
Program Studi : MATEMATIKA  
Departemen : Matematika  
Fakultas : Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam  
Jenis Karya : Skripsi

Demi pengembangan ilmu pengetahuan, menyetujui untuk memberikan kepada Universitas Hasanuddin **Hak Prediktor Royalti Noneklusif (*Non-exclusive Royalty-Free Right*)** atas tugas akhir saya yang berjudul:

### **APLIKASI PROGRAM LINEAR FUZZY PADA PENGOPTIMALAN PRODUKSI PADA CV. PQR**

Beserta perangkat yang ada (jika diperlukan). Terkait dengan hal diatas, maka pihak universitas berhak menyimpan, mengalih-media/format-kan, mengelola dalam bentuk pangkalan data (database), merawat, dan mempublikasikan tugas akhir saya selama tetap mencantumkan nama saya sebagai penulis/pencipta dan sebagai pemilik Hak Cipta.

Demikian surat pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya.

Dibuat di Makassar pada 24 September 2021

Yang menyatakan



NUR HAIDA

## **ABSTRAK**

Setiap perusahaan produksi bertujuan untuk memaksimalkan keuntungan dalam menjalankan perusahaannya. Ada beberapa metode yang biasa digunakan oleh sebuah perusahaan untuk mengoptimalkan sumber daya yang mereka miliki sehingga mereka bisa mendapatkan keuntungan yang maksimal. Dalam penelitian ini, program linier fuzzy akan digunakan untuk menentukan keuntungan produksi kue pada CV. PQR. Berbeda dengan program linier biasa yang mengsumsikan bahwa data memiliki nilai yang tepat, program linier fuzzy memungkinkan bekerja dengan data dan kendala yang tidak tepat, yang mengarah ke model yang lebih realistis. Namun, dalam penelitian ini, hanya nilai kanan dari masalah program linier yang merupakan bilangan fuzzy. Dengan membuat perubahan nilai kanan dari masalah program linier biasa sebesar 10%, maka keuntungan produksi meningkat sebesar sekitar 5% yaitu dari Rp. 72.880.000,- berdasarkan program linier biasa menjadi Rp. 76.524.000,- berdasarkan program linier fuzzy.

**Kata kunci:** Metode simpleks, program linear fuzzy, *Software QM*.

## ABSTRACT

Every production company aims to maximize profits in running their company. There are several methods commonly used by a company to optimize their resources so that they can get maximum profit. In this study, a fuzzy linear programming will be used to determine the profit of cake production on CV. PQR. Unlike the usual linear programming which assumes that the data has exact values, the fuzzy linear programming allows working with imprecise data and Kendalas, leading to a more realistic model. However, in this study, only the right-hand side values of the linear programming problem are fuzzy numbers. By changing the right-hand values of the ordinary linear programming problem by 10%, the production profit increases about 5%, which is from Rp. 72,880,000.- based on the ordinary linear programming to Rp. 76,524,000.- based on fuzzy linear programming.

**Keywords:** Simplex method, *Fuzzy linear programming*, *Software QM*.

## DAFTAR ISI

HALAMAN SAMPUL .....	i
HALAMAN JUDUL.....	ii
LEMBAR PERNYATAAN KEOTENTIKAN.....	<b>Error! Bookmark not defined.</b>
LEMBAR PERSETUJUAN PEMBIMBING .....	<b>Error! Bookmark not defined.</b>
LEMBAR PENGESAHAN SKRIPSI .....	iv
KATA PENGANTAR .....	vi
PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI TUGAS AKHIR UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS .....	ix
ABSTRAK .....	x
ABSTRACT .....	xi
DAFTAR ISI.....	xii
BAB I PENDAHULUAN .....	1
I.1    Latar Belakang .....	1
I.2    Rumusan Masalah .....	2
I.3    Batasan Masalah.....	2
I.4    Tujuan Penulisan.....	2
I.5    Manfaat Penulisan .....	3
BAB II TINJAUAN PUSTAKA.....	4
II.1    Optimasi .....	4
II.2    Linear Programming .....	5
II.3    Model Program Linear .....	5
II.4    Asumsi Program Linear .....	6
II.5    Metode Simpleks.....	7
II.5.1 Bentuk Standar Model Metode Simpleks .....	7
II.5.2 Prosedur Simpleks .....	9
II.6    Program Linear Fuzzy .....	10
II.7    QM for Windows.....	24
BAB III METODOLOGI PENELITIAN.....	27
III.1    Lokasi Penelitian .....	27

III.2	Jenis dan Sumber Data .....	27
III.2.1	Jenis Data.....	27
III.2.2	Sumber Data .....	27
III.3	Metode Penelitian.....	27
III.4	Analisis Data .....	28
BAB IV	HASIL DAN PEMBAHASAN .....	30
IV.1	Model Program Linear .....	30
IV.2	Penyelesaian dengan Metode Simpleks .....	33
IV.3	Penyelesaian dengan Metode Program Linear Fuzzy .....	37
IV.4	Perbandingan Keuntungan .....	47
BAB V	KESIMPULAN DAN SARAN.....	48
V.1	Kesimpulan .....	48
V.2	Saran	48
DAFTAR PUSTAKA	.....	49

# **BAB I**

## **PENDAHULUAN**

### **I.1 Latar Belakang**

Dalam persaingan di era global ini, suatu perusahaan harus bisa mengembangkan elemen-elemen penting di dalam sistem produksi agar bisa bersaing dengan perusahaan lain, baik perusahaan lokal maupun asing. Salah satu yang menjadi elemen penting dalam perusahaan untuk selalu dikembangkan adalah perencanaan produksi (production planning) (Kharisma, 2017).

Dalam suatu perencanaan produksi terdapat kendala-kendala yang membatasi produksi suatu perusahaan. Kendala-kendala tersebut dapat berupa kapasitas mesin, ketersediaan waktu kerja, dan ketersediaan bahan baku. Suatu perencanaan produksi dikatakan baik apabila perencanaan tersebut dapat memenuhi permintaan pasar dengan mengeluarkan biaya yang minimum, namun mendapatkan hasil yang optimal (Suantio, 2013).

Banyak metode yang dapat digunakan untuk melakukan perencanaan produksi, salah satu metode tersebut adalah metode linear programming. Linear programming merupakan sebuah metode matematis yang berkarakteristik linear untuk menemukan suatu penyelesaian optimal dengan cara memaksimumkan atau meminimumkan masalah tersebut terhadap satu susunan kendala (Siswanto, 2006). Dalam linear programming terdapat tiga unsur utama untuk dapat menyelesaikan suatu permasalahan produksi, yaitu variabel keputusan, fungsi tujuan dan fungsi kendala yang harus merupakan fungsi linear. Dalam kasus yang ada, fungsi tujuan dan fungsi kendala yang mengacu pada data lapangan seringkali tidak linear, atau mengalami perubahan secara tidak pasti, sehingga dikembangkanlah metode program linear fuzzy yang dapat mengatasi ketidakpastian tersebut. Dalam penelitian ini, Program linear fuzzy digunakan untuk menentukan jumlah produk yang harus diproduksi pada periode tertentu sehingga dapat menghasilkan keuntungan yang optimal (Kharisma, 2017).

Program linear fuzzy hanya terfokus menentukan berapa jumlah produk yang harus diproduksi untuk menghasilkan keuntungan yang optimal, tanpa adanya pembatasan minimum jumlah produk yang harus diproduksi agar perusahaan tidak mengalami kerugian. Dalam hal ini Analisis Titik Impas (Break Event Point) menjadi metode pendamping Program Linear Fuzzy, sehingga perusahaan tidak hanya berpikir tentang keuntungan yang akan diperoleh, namun juga minimal jumlah produk yang harus diproduksi agar tidak mengalami kerugian saat penjualan aktual tidak sesuai dengan perencanaan produksi yang telah ditetapkan (Kharisma, 2017).

Oleh sebab itu, dalam penelitian ini akan dikaji salah satu penerapan dari masalah program linear fuzzy dalam tulisan skripsi yang berjudul:

**“APLIKASI PROGRAM LINEAR FUZZY PADA PENGOPTIMALAN PRODUKSI PADA CV. PQR”.**

## **I.2 Rumusan Masalah**

Berdasarkan latar belakang diatas maka permasalahan yang akan dibahas dalam penelitian adalah menerapkan program linear fuzzy dalam menentukan jumlah produksi agar keuntungan yang di diperoleh menjadi optimal pada CV. PQR.

## **I.3 Batasan Masalah**

Pada penelitian ini, program linear fuzzy yang akan digunakan hanya nilai kanan dari masalah program linear yang merupakan bilangan fuzzy.

## **I.4 Tujuan Penulisan**

Adapun tujuan dari penelitian ini adalah menerapkan metode program linear fuzzy dalam penentuan jumlah produksi yang menghasilkan keuntungan optimal.

## **I.5 Manfaat Penulisan**

Penelitian ini diharapkan dapat memberikan manfaat berupa:

1. Menambahkan wawasan penulis mengenai penerapan program linear fuzzy.
2. Perusahaan dapat menjadikan hasil penelitian ini sebagai acuan untuk perencanaan produksi yang optimal.

## **BAB II**

### **TINJAUAN PUSTAKA**

#### **II.1 Optimasi**

Optimasi adalah suatu pendekatan normatif untuk mengidentifikasi penyelesaian terbaik dalam pengambilan keputusan dari suatu permasalahan. Penyelesaian permasalahan dalam optimasi ditujukan untuk memperoleh titik maksimal atau titik minimal dari fungsi yang dioptimalkan. Seperti permasalahan suatu perusahaan dalam menentukan jumlah produksi agar keuntungan maksimal dan biaya minimal dapat diperoleh (Astri, 2019).

Program linear merupakan model umum yang dapat digunakan dalam pemecahan masalah pengalokasian sumber yang terbatas secara optimal. Masalah tersebut timbul apabila seseorang diharuskan untuk memilih atau menentukan tingkat setiap kegiatan yang akan dilakukannya, dimana masing-masing kegiatan membutuhkan sumber yang sama sedangkan jumlahnya terbatas untuk memperoleh tingkat keuntungan maksimal atau biaya yang minimal. Pada masa ini pun, program linear masih menjadi pilihan utama dalam menyelesaikan masalah tersebut. Apabila suatu masalah program linear hanya mengandung dua kegiatan (variabel keputusan) saja, maka dapat diselesaikan dengan metode grafik. Bila terdapat lebih dari dua variabel maka metode grafik tidak dapat digunakan lagi, sehingga diperlukan metode simpleks. Metode ini lazim dipakai untuk menentukan kombinasi dari tiga variabel atau lebih. Kedua metode ini sampai sekarang masih sangat populer dan masih mengalami perkembangan di antara salah satunya menggunakan logika fuzzy (Purba, 2012).

Penyelesaian masalah optimasi dengan program matematika dapat dilakukan melalui *linear programming*, *nonlinear programming*, *integer programming*, dan *dinamik programming* (Harjianto, 2014).

## II.2 Linear Programming

Linear Programming adalah salah satu teknik penyelesaian optimal atas suatu masalah keputusan dengan cara menentukan terlebih dahulu fungsi tujuan (memaksimalkan atau meminimalkan) dan kendala-kendala yang ada ke dalam model matematik persamaan linear. *Linear Programming* sering digunakan dalam menyelesaikan masalah-masalah alokasi sumber daya, seperti dalam bidang manufacturing, pemasaran, keuangan, personalia, administrasi dan lain sebagainya (Astri, 2019).

## II.3 Model Program Linear

Adapun model umum dari progam linear dapat dirumuskan sebagai berikut (Hasmawaty, 2011):

Fungsi tujuan:

$$\text{Max / Min } z = c_1x_1 + c_2x_2 + \dots + c_nx_n \quad (1)$$

atau

$$z = \sum_{j=1}^n c_jx_j$$

dengan syarat bahwa fungsi tujuan tersebut memenuhi kendala/syarat batas sebagai berikut:

$$\sum_{j=1}^n a_{ij}x_j \leq b_i \quad \text{atau}$$

$$\sum_{j=1}^n a_{ij}x_j = b_i \quad \text{atau} \quad (2)$$

$$\sum_{j=1}^n a_{ij}x_j \geq b_i,$$

dan syarat non-negatif:

$$x_j \geq 0$$

dengan  $i = 1, 2, \dots, m$  dan  $j = 1, 2, \dots, n$ .

dimana:

$z$  : Fungsi tujuan yang merupakan nilai skalar kriteria pengambilan keputusan,

$c_j$  : Koefisien fungsi tujuan,

$a_{ij}$  : Koefisien teknis fungsi pembatas,

$b_i$  : Kapasitas sumber daya yang tersedia,

$x_j$  : Variabel keputusan.

Secara umum untuk model program linear dapat di rangkaikan sebagai berikut (Rangkuti A. , 2013):

- 1) Fungsi yang akan dicari nilai optimalnya ( $z$ ) disebut fungsi tujuan (*objective function*) dapat berupa maksimal atau minimal.
- 2) Fungsi yang mempengaruhi persoalan terhadap fungsi tujuan akan dicapai disebut fungsi batasan atau kendala (*counstrains function*) yang merupakan ketidaksamaan dan persamaan.
- 3) Variabel yang mempengaruhi persoalan dalam pengambilan keputusan disebut variabel keputusan (*decision variables*) yang berupa non-negatif.

#### **II.4 Asumsi Program Linear**

Ada lima asumsi program linear (Rangkuti A. , 2013):

- a. Linearitas yakni membatasi bahwa fungsi tujuan dan fungsi kendala harus berbentuk linear, artinya variabel keputusan berpangkat satu.

- b. Proporsionalitas yaitu naik-turunnya nilai fungsi tujuan dan penggunaan sumberdaya atau fasilitas yang tersedia akan berubah secara sebanding (*proportional*) dengan perubahan tingkat kegiatan.
- c. Aditivitas yaitu nilai fungsi tujuan untuk tiap kegiatan tidak saling mempengaruhi dan dalam pemrograman linear dianggap bahwa kenaikan dari nilai fungsi tujuan yang diakibatkan oleh kenaikan suatu kegiatan dapat ditambahkan tanpa mempengaruhi bagian dari kegiatan lain.
- d. Deterministik yang dalam hal ini menyatakan bahwa setiap parameter yang ada dalam pemrograman linear ( $a_{ij}, b_i, c_j$ ) dapat ditentukan dengan pasti, meskipun jarang dengan tepat.
- e. Divisibilitas yaitu menyatakan bahwa keluaran (*output*) yang dihasilkan oleh setiap kegiatan dapat berupa bilangan pecahan.

## **II.5 Metode Simpleks**

Metode simpleks pertama kali diperkenalkan oleh George B. Dantzig pada tahun 1947 dan telah diperbaiki oleh para ahli lain. Metode ini menyelesaikan masalah program linear melalui perhitungan-ulang (iterasi) dimana langkah-langkah perhitungan yang sama di ulang berkali-kali sampai solusi optimal dicapai.

Metode simpleks adalah suatu metode yang secara sistematis dimulai dari suatu pemecahan dasar yang fisibel ke pemecahan dasar fisibel lainnya dan ini dilakukan berulang-ulang (dengan jumlah ulangan yang terbatas) sehingga akhirnya tercapai suatu pemecahan dasar yang optimal dan pada setiap step menghasilkan suatu nilai dari fungsi tujuan yang selalu lebih besar, lebih kecil, atau sama dari step-step sebelumnya (Rangkuti A. , 2013).

### **II.5.1 Bentuk Standar Model Metode Simpleks**

Penggunaan metode simpleks untuk menyelesaikan masalah-masalah program linear yaitu dengan cara terlebih dahulu diubah ke dalam suatu bentuk

umum yang dinamakan bentuk standar (*standard form*). Beberapa bentuk standar model metode simpleks diberikan sebagai berikut (Rangkuti A. , 2013):

a. Bentuk Standar Pertidaksamaan (*The standard inequality form*)

Max/Min:

$$z = c_1x_1 + c_2x_2 + c_3x_3 + \dots + c_nx_n$$

dengan kendala:

$$\begin{array}{ccccccccccc} a_{11}x_1 & + & a_{12}x_2 & + & a_{13}x_3 & + & \dots & + & a_{1n}x_n & \leq & b_1 \\ a_{21}x_1 & + & a_{22}x_2 & + & a_{23}x_3 & + & \dots & + & a_{2n}x_n & \leq & b_2 \\ \cdot & & \cdot \\ \cdot & & \cdot \\ \cdot & & \cdot \\ a_{m1}x_1 & + & a_{m2}x_2 & + & a_{m3}x_3 & + & \dots & + & a_{mn}x_n & \leq & b_m \end{array}$$

$$\text{dan } x_1, x_2, x_3, \dots, x_n \geq 0$$

dimana  $a_{ij}, c_j, \text{ dan } b_i$  adalah konstanta-konstanta yang diketahui dan dapat ditentukan. Dalam notasi matriks, program linear dapat ditulis sebagai berikut:

Max/Min:

$$z = \mathbf{c}^T \mathbf{x}$$

dengan kendala:

$$A\mathbf{x} \leq \mathbf{b}$$

dan

$$\mathbf{x} \geq 0$$

dimana

$$\mathbf{c} = \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ \vdots \\ c_n \end{pmatrix}, \mathbf{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix}, \mathbf{b} = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_n \end{pmatrix} \text{ dan } A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix}$$

**Catatan:** Transpose dari matriks B dinotasikan dengan  $\mathbf{B}^T$

b. Bentuk Standar Persamaan (*The standard equality form*)

Bentuk standar persamaan dapat diperoleh dari bentuk pertidaksamaan dengan mengubah tanda ' $\geq$ ' dan ' $\leq$ ' menjadi tanda '='.

1) Pertidaksamaan:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \dots + a_{1n}x_n \leq b_1$$

dapat diubah menjadi:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \dots + a_{1n}x_n + x_{n+1} = b_1$$

dimana  $x_{n+1} \geq 0$  dan disebut *slack variabel*.

2) Pertidaksamaan:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \dots + a_{1n}x_n \geq b_1$$

dapat diubah menjadi:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \dots + a_{1n}x_n - x_{n+1} = b_1$$

dimana  $x_{n+1} \geq 0$  dan disebut *surplus variabel*.

## II.5.2 Prosedur Simpleks

Untuk memulai prosedur simpleks, matriks permasalahan seperti yang terlihat pada Tabel 2.1 yaitu tabel simpleks yang digunakan untuk menyelesaikan dengan metode simpleks.

Tabel 2. 1 Tabel Simpleks

	$c_j$	$c_1$	$c_2$	...	$c_n$	0	0	...	0	$b_i$	$R_i$
$\bar{c}_i$	$\bar{x}_i/x$	$x_1$	$x_2$	...	$x_n$	$S_1$	$S_2$	...	$S_m$		
0	$S_1$	$a_{11}$	$a_{12}$	...	$a_{1n}$	1	0	...	0	$b_1$	$R_1$
0	$S_2$	$a_{21}$	$a_{22}$	...	$a_{2n}$	0	1	...	0	$b_2$	$R_2$
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...
0	$S_m$	$a_{m1}$	$a_{m2}$	...	$a_{mn}$	0	0	...	1	$b_m$	$R_m$
	$z_j$	$z_1$	$z_2$	...	$z_n$	$c_1$	$c_2$	...	$c_n$	$z$	
	$z_j - c_j$	$z_1 - c_1$	$z_2 - c_2$	...	$z_n - c_n$	0	0	...	0	$z$	

Sumber: Harjiyanto, 2014

Secara singkat prosedur perhitungan dengan metode simpleks pada kasus maksimum adalah (Siang, 2014):

- a. Menetapkan tabel awal simpleks menggunakan variabel-variabel penyimpanan untuk permulaan variabel-variabel solusi dasar yang layak.
- b. Hitung baris  $z_j - c_j$ .
- c. Tentukan kolom pivot dengan memilih kolom yang mempunyai nilai  $z_j - c_j$  negatif terbesar.
- d. Menentukan baris pivot yang berpedoman pada  $b_i/a_{ij}$  dengan rasio terkecil dimana  $b_i$  adalah nilai sisi kanan dari setiap persamaan.
- e. Hitung nilai baris baru dengan rumus:  
Nilai baris tabel baru = nilai baris lama - (koefisien pembagi nilai pivot x nilai baris pivot)
- f. Hitung baris  $z_j - c_j$  yang baru.

Setelah menghitung nilai  $z_j - c_j$ . Lihat apakah masih ada nilai  $z_j - c_j$  yang bernilai negatif. Jika masih ada ulangi langkah b sampai dengan langkah d sehingga nilai  $z_j - c_j$  bernilai positif sehingga mendapatkan solusi yang optimal.

## II.6 Program Linear Fuzzy

Dalam masalah LP konvensional, diasumsikan bahwa data memiliki nilai yang tepat. Namun, nilai data yang diamati dalam masalah kehidupan nyata seringkali tidak tepat karena informasi yang tidak lengkap atau tidak dapat diperoleh. Dalam situasi seperti itu, teori himpunan fuzzy adalah pendekatan yang tepat untuk menangani data yang tidak tepat dalam LP dengan menggeneralisasi gagasan keanggotaan dalam suatu himpunan dan ini mengarah pada konsep masalah pemrograman linier fuzzy. Masalah Fuzzy Linear Programming (FLP) memungkinkan bekerja dengan data dan kendala yang tidak tepat, yang mengarah ke model yang lebih realistis. Jenis pemrograman linear fuzzy yang paling umum dirumuskan sebagai berikut (Yuan G. J., 1995):

$$\text{Max } z = \sum_{j=1}^n C_j X_j$$

dengan kendala

$$\sum_{j=1}^n A_{ij} X_j \leq B_i$$

(3)

$$X_j \geq 0, i = 1, 2, 3, \dots, m, j = 1, 2, 3, \dots, n$$

dimana  $A_{ij}$ ,  $B_i$  dan  $C_j$  adalah bilangan-bilangan fuzzy dan  $X_j$  adalah variabel yang menyatakan bilangan-bilangan fuzzy. Operasi-operasi penambahan dan perkalian adalah operasi aritmatika fuzzy, dan  $\leq$  menunjukkan urutan bilangan fuzzy. Namun untuk sederhana berikut ini dua kasus khusus program linear fuzzy akan ditunjukkan.

a. Kasus 1

Masalah program linear fuzzy dimana hanya nilai-nilai ruas kanan  $B_i$  adalah bilangan fuzzy yaitu:

Max

$$z = \sum_{j=1}^n c_j x_j$$

Dengan kendala

$$\sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \leq B_i$$

(4)

$$x_j \geq 0, i = 1, 2, 3, \dots, m, j = 1, 2, 3, \dots, n$$

b. Kasus 2

Masalah program linear fuzzy dimana nilai-nilai kanan  $B_i$  dan koefisien  $A_{ij}$  dari matriks kendala adalah bilangan fuzzy sebagai berikut:

Max

$$z = \sum_{j=1}^n c_j x_j$$

Dengan kendala

(5)

$$\sum_{j=1}^n A_{ij} x_j \leq B_i$$

$$x_j \geq 0, \quad i = 1, 2, 3, \dots, m, \quad j = 1, 2, 3, \dots, n$$

Secara umum, masalah pemrograman linear fuzzy pertama-tama diubah menjadi masalah klasik pemrograman linear atau nonlinear, yang kemudian diselesaikan dengan metode standar. Hasil akhir dari masalah pemrograman linear fuzzy adalah bilangan real, yang mewakili kompromi dalam istilah bilangan fuzzy yang terlibat.

Selanjutnya akan dibahas masalah program linier fuzzy pada persamaan (4). Pada kasus ini, bilangan fuzzy  $B_i$  ( $i = 1, 2, 3, \dots, m$ ) biasanya memiliki bentuk:

$$B_i(x) = \begin{cases} 1 & \text{jika } x \leq b_i \\ \frac{b_i + p_i - x}{p_i} & \text{jika } b_i < x < b_i + p_i \\ 0 & \text{jika } b_i + p_i \leq x, \end{cases}$$

dimana  $x \in R$ . Untuk setiap vektor  $x = (x_1, x_2, x_3, \dots, x_n)$ , kita hitung dulu derajatnya,  $D_i(x)$ , untuk  $x$  yang memenuhi batasan ke- $i$  ( $i = 1, 2, 3, \dots, m$ ) dengan rumus:

$$D_i(x) = B_i\left(\sum_{j=1}^n a_{ij} x_j\right).$$

Derajat-derajat ini adalah himpunan-himpunan fuzzy pada  $R^n$ , dan irisannya,  $\bigcap_{i=1}^m D_i$ , adalah himpunan fuzzy yang feasible.

Selanjutnya, kita menentukan himpunan fuzzy dari nilai optimal. Hal ini dilakukan dengan menghitung batas bawah dan batas atas nilai optimal terlebih

dahulu. Batas bawah nilai optimal  $z_l$  diperoleh dengan menyelesaikan masalah program linier standar:

$$\text{Max } z = \mathbf{c}\mathbf{x}$$

dengan kendala:

$$\sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \leq b_i$$

$$x_j \geq 0, \quad i = 1, 2, 3, \dots, m, \quad j = 1, 2, 3, \dots, n$$

Batas atas nilai optimal,  $z_u$ , diperoleh dengan masalah program linier serupa dimana masing-masing  $b_i$  diganti dengan  $b_i + p_i$ :

$$\text{Max } z = \mathbf{c}\mathbf{x}$$

dengan kendala:

$$\sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \leq b_i + p_i$$

$$x_j \geq 0, \quad i = 1, 2, 3, \dots, m, \quad j = 1, 2, 3, \dots, n$$

Kemudian, himpunan fuzzy dari nilai optimal  $G$ , yang merupakan himpunan bagian fuzzy dari  $R^n$  didefinisikan oleh:

$$G(\mathbf{x}) = \begin{cases} 1 & \text{jika } z_u \leq \mathbf{c}\mathbf{x}, \\ \frac{\mathbf{c}\mathbf{x} - z_l}{z_u - z_l} & \text{jika } z_l \leq \mathbf{c}\mathbf{x} \leq z_u, \\ 0 & \text{jika } \mathbf{c}\mathbf{x} \leq z_l. \end{cases}$$

Kemudian, pada persamaan (4) menjadi masalah optimasi klasik berikut:

$$\text{Max } \lambda$$

dengan kendala:

$$\lambda(z_u - z_l) - \mathbf{c}\mathbf{x} \leq -z_l,$$

$$\lambda p_i + \sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \leq b_i + p_i,$$

$$\lambda, x_j \geq 0.$$

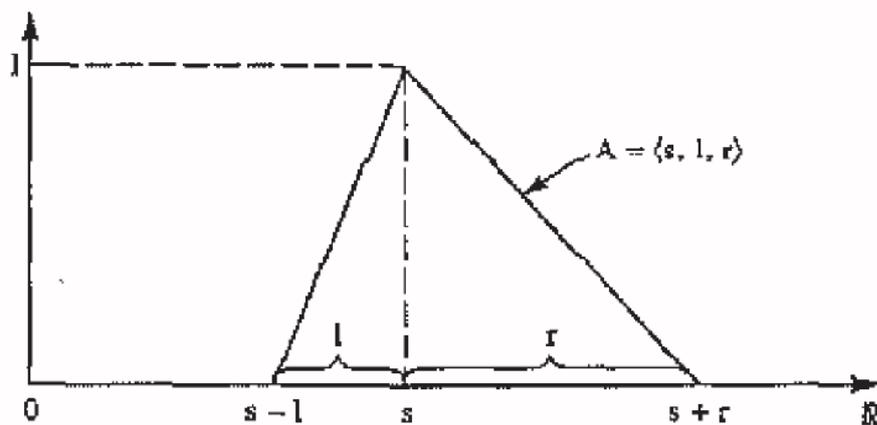
$$i = 1, 2, 3, \dots, m, \quad j = 1, 2, 3, \dots, n$$

Masalah di atas sebenarnya adalah masalah menemukan  $x \in \mathbb{R}^n$  sedemikian rupa sehingga:

$$\left[ \left( \bigcap_{i=1}^m D_i \right) \cap G \right] (x)$$

mencapai nilai maksimum: yaitu, masalah menemukan titik yang memenuhi kendala dan tujuan dengan derajat yang maksimal. Seperti yang di perkenalkan oleh Bellman dan Zadeh (1970), metode yang digunakan di sini disebut metode simetris (kendala dan tujuan diperlakukan secara simetris). Ada juga yang tidak simetris.

Selanjutnya, masalah yang lebih umum dari program linier fuzzy yang didefinisikan pada persamaan (5). Dalam hal ini, kita asumsikan bahwa semua bilangan-bilangan fuzzy adalah segitiga. Setiap fuzzy segitiga bilangan  $A$  dapat diwakili oleh tiga bilangan real,  $s, l, r$  yang maknanya didefinisikan dalam gambar berikut:



Gambar 2. 1 Bilangan *Triangular Fuzzy* yang digunakan pada (5)

(Sumber: *Fuzzy Sets And Fuzzy Logic Theory And Applications* [13,p.412])

Dengan menggunakan representasi ini, dapat ditulis  $A=(s,l,r)$ . Selanjutnya, persamaan (5) dapat ditulis ulang sebagai berikut:

Max

$$z = \sum_{j=1}^n c_j x_j$$

dengan kendala:

$$\sum_{j=1}^n \langle s_{ij}, l_{ij}, r_j \rangle x_{ij} \leq \langle t_i, u_i, v_i \rangle$$

$$x_j \geq 0, \quad i = 1, 2, 3, \dots, m, \quad j = 1, 2, 3, \dots, n$$

dimana  $A_{ij} = \langle s_{ij}, l_{ij}, r_j \rangle$  dan  $B_i = \langle t_i, u_i, v_i \rangle$  adalah bilangan fuzzy. Penjumlahan dan perkalian adalah operasi pada bilangan fuzzy, dan orde parsial  $\leq$  didefinisikan oleh  $A \leq B$  jika dan hanya jika  $\max(A,B) = B$ . Sangat mudah untuk membuktikan bahwa untuk dua bilangan fuzzy segitiga  $A = \langle s_1, l_1, r_1 \rangle$  dan  $B = \langle s_2, l_2, r_2 \rangle$ ,  $A \leq B$  jika dan hanya jika  $s_1 \leq s_2$ ,  $s_1 - l_1 \leq s_2 - l_2$  dan  $s_1 + r_1 \leq s_2 + r_2$ . Selain itu,  $\langle s_1, l_1, r_1 \rangle + \langle s_2, l_2, r_2 \rangle = \langle s_1 + s_2, l_1 + l_2, r_1 + r_2 \rangle$  dan  $\langle s_1, l_1, r_1 \rangle x = \langle s_1 x, l_1 x, r_1 x \rangle$  untuk setiap nonnegatif bilangan riil  $x$ . Kemudian masalahnya dapat di tulis kembali:

Max

$$z = \sum_{j=1}^n c_j x_j$$

dengan kendala :

$$\sum_{j=1}^n s_{ij} x_j \leq t_i,$$

$$\sum_{j=1}^n (s_{ij} - l_{ij}) x_j \leq t_i - u_i,$$

$$\sum_{j=1}^n (s_{ij} + r_{ij}) x_j \leq t_1 + v_1,$$

$$x_j \geq 0, \quad i = 1, 2, 3, \dots, m, \quad j = 1, 2, 3, \dots, n.$$

Namun, karena semua bilangan yang terlibat adalah bilangan real, ini adalah masalah pemrograman linier klasik. Selain itu, dalam penelitian ini, yang akan digunakan selanjutnya adalah kasus pertama yaitu asalah program linear fuzzy dimana hanya nilai-nilai ruas kanan  $B_i$  adalah bilangan fuzzy

### Contoh Soal Program Linear Fuzzy

Misalkan suatu perusahaan roti memproduksi roti jenis I dan roti jenis II dengan bahan-bahan mentah mentega, tepung dan gula. Kebutuhan bahan per jenis roti dan batas persediaan bahan baku untuk satu masa produksi dan besar laba dari penjualan per unitnya tertera dalam tabel berikut. Namun demikian pihak perusahaan masih memungkinkan adanya penambahan tiap bahan baku sampai dengan 10% dari tiap bahan baku yang ada, asalkan dengan penambahan yang sedikit saja, keuntungan yang diperoleh perusahaan akan bertambah. Berapakah penambahan tiap bahan bakunya sehingga keuntungan perusahaan bertambah? (Purba, 2012).

Tabel 2. 2 Produksi Roti jenis I dan Jenis II

Bahan	Satuan unit		Kebutuhan Produksi		Satuan
	Roti Jenis I	Roti Jenis II	Jumlah Bahan Baku	Toleransi ( $p_1$ )	
Mentega	1	2	40	10%(40)=4,0( $p_1$ )	Ons
Tepung	5	4	90	10%(90)=9,0( $p_2$ )	Kilogram
Gula	3	1	45	10%(45)=4,5( $p_3$ )	Ons
Laba	40	50			Ribu Rupiah

**Penyelesaian:**

Variabel Keputusan :

$x_1$  : Jumlah Roti Jenis I yang Diproduksi

$x_2$  : Jumlah Roti Jenis II yang Diproduksi

Kasus tersebut dapat dimodelkan dalam model matematika sebagai:

Maksimumkan :  $z = 40x_1 + 50x_2$

Dengan Kendala:

$$x_1 + 2x_2 \leq 40 + 4t,$$

$$5x_1 + 4x_2 \leq 90 + 9t,$$

$$3x_1 + x_2 \leq 45 + 4,5t,$$

$$x_1, x_2 \geq 0.$$

Menyelesaikan persoalan program linear fuzzy sedikit berbeda dengan persoalan linear klasik. Dengan adanya perkalian antara nilai toleransi ( $p$ ) dengan variabel  $t$  yang mempunyai nilai berada pada interval 0 dan 1. Oleh sebab itu penyelesaiannya pun dilakukan kasus demi kasus sebagai berikut:

- a. Untuk kasus  $t = 0$ , maka bentuk diatas setelah distandarisasikan modelnya berubah menjadi: Persoalan di atas diubah menjadi permasalahan program linear klasik, jika kita menganggap bahwa ketiga batasan tidak memiliki toleransi interval (nilai  $t = 0$ )  $p_1 = p_2 = p_3 = 0$ . Dengan demikian maka penyelesaian persoalan diatas dapat diselesaikan dengan metode simpleks sebagai berikut ini:

Jika  $p_1 = p_2 = p_3 = 0$ , maka bentuk standar program linear diatas adalah:

Maksimumkan :  $z - 40x_1 - 50x_2 = 0$

dengan kendala:

$$x_1 + 2x_2 + s_1 = 40,$$

$$5x_1 + 4x_2 + s_2 = 90,$$

$$3x_1 + x_2 + s_3 = 45,$$

$$x_1, x_2 \geq 0.$$

Tabel 2. 3 Tabel Awal Simpleks t = 0

Basis	z	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	Solusi
Z	1	-40	-50	0	0	0	0
$S_1$	0	1	2	1	0	0	40
$S_2$	0	5	4	0	1	0	90
$S_3$	0	3	1	0	0	1	45

Berdasarkan Tabel 2.3 telah dipilih  $x_2$  sebagai variabel masuk dan kolomnya sebagai kolom kunci dan  $S_1$  sebagai variabel keluar dan barisnya sebagai baris kunci maka akan dilanjutkan iterasi berikutnya sampai tabel simpleks optimal yaitu pada Tabel 2.4.

Tabel 2. 4 Tabel Solusi Simpleks t = 0

Basis	z	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	Solusi
Z	1	0	0	15	5	0	1050
$x_1$	0	1	0	-0,667	0,33	0	3,333
$x_2$	0	0	1	0,8333	0,1666	0	18,334
$S_3$	0	0	0	1,16667	-0,833	1	16,667

Karena semua nilai pada baris z pada tabel terakhir sudah positif atau nol maka tabel solusi akhir merupakan tabel optimal . Dari tabel 2.4. dapat disimpulkan bahwa hasil akhirnya sebagai berikut:

$$z = 1050, x_1 = 3,333, x_2 = 18,334.$$

Untuk kasus t =1, maka bentuk diatas setelah distandarisasikan midelnya berubah menjadi:

$$\text{Maksimumkan: } z - 40x_1 - 50x_2 = 0,$$

dengan kendala:

$$x_1 + 2x_2 + s_1 = 44,$$

$$5x_1 + 4x_2 + s_2 = 99,$$

$$3x_1 + x_2 + s_3 = 49,5,$$

$$x_1, x_2 \geq 0.$$

Tabel 2. 5 Tabel awal simpleks t = 1

Basis	z	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	Solusi
Z	1	-40	-50	0	0	0	0
$S_1$	0	1	2	1	0	0	44
$S_2$	0	5	4	0	1	0	99
$S_3$	0	3	1	0	0	1	49,5

Berdasarkan Tabel 2.5 telah dipilih  $x_2$  sebagai variabel masuk dan kolomnya sebagai kolom kunci dan  $S_1$  sebagai variabel keluar dan barisnya sebagai baris kunci maka akan dilanjutkan iterasi berikutnya sampai tabel simpleks optimal yaitu pada Tabel 2.6.

Tabel 2. 6 Tabel solusi t = 1

Basis	z	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	Solusi
Z	1	0	0	15	5	0	1155
$x_1$	0	1	0	-0,667	0,33	0	20,166
$x_2$	0	0	1	0,8333	0,1666	0	3,667
$S_3$	0	0	0	1,16667	-0,833	1	18,3334

Karena semua nilai pada baris z pada tabel simpleks terakhir sudah positif atau nol maka tabel simpleks untuk solusi akhir merupakan tabel optimal. Dari Tabel 2.6 dapat disimpulkan ketika  $t = 1$  bahwa hasil akhirnya adalah:

$$z = 1155, \quad x_1 = 3,667, \quad x_2 = 20,166.$$

Dari kedua hasil ( $t = 1$  dan  $t = 0$ ), dapat ditentukan nilai  $p_o$ , yaitu hasil pengurangan dari z pada saat  $t = 1$  dengan Z pada saat  $t = 0$  ( $p_o = 1155 - 1050 = 105$ ).

Untuk menghitung nilai  $\lambda$  – *cut*, gunakan persamaan (10) yakni dengan mengambil nilai  $\lambda = 1 - t$ , akhirnya dapat dibentuk model program linear fuzzy sebagai berikut:

Maksimumkan :  $\lambda$

dengan kendala :

$$105 \lambda - (40x_1 + 50x_2) \leq 105 - 1155 = -1050,$$

$$4 \lambda + x_1 + 2x_2 \leq 4 + 40 = 44,$$

$$9 \lambda + 5x_1 + 4x_2 \leq 9 + 90 = 99,$$

$$4,5 \lambda + 3x_1 + x_2 \leq 4,5 + 45 = 49,5,$$

$$\lambda, x_1, x_2 \geq 0.$$

Sehingga bentuk linear programingnya menjadi:

Maksimumkan :  $\lambda$

dengan kendala :

$$-105\lambda + 40x_1 + 50x_2 \geq 1050,$$

$$4\lambda + x_1 + 2x_2 \leq 44,$$

$$9\lambda + 5x_1 + 4x_2 \leq 99,$$

$$4,5\lambda + 3x_1 + x_2 \leq 49,5,$$

$$\lambda, x_1, x_2 \geq 0.$$

Selanjutnya dilakukan proses difuzzyfikasi. Standarisasikan Modelnya dengan menambahkan variabel *slack*

Maksimumkan :  $Z = \lambda$

dengan kendala :

$$-105\lambda + 40x_1 + 50x_2 - s_1 + R_1 = 1050,$$

$$4\lambda + x_1 + 2x_2 + s_2 = 44,$$

$$9\lambda + 5x_1 + 4x_2 + s_3 = 99,$$

$$4,5\lambda + 3x_1 + x_2 + s_4 = 49,5,$$

$$\lambda, x_1, x_2, s_1, s_2, s_3, s_4 \geq 0.$$

Program linear ini harus diselesaikan dengan teknik 2 fase

### Fase 1

Menyelesaikan program linear :

$$\text{Minimumkan } : r = R_1$$

dengan kendala :

$$-105\lambda + 40x_1 + 50x_2 - s_1 + R_1 = 1050,$$

$$4\lambda + x_1 + 2x_2 + s_2 = 44,$$

$$9\lambda + 5x_1 + 4x_2 + s_3 = 99,$$

$$4,5\lambda + 3x_1 + x_2 + s_4 = 49,5,$$

$$\lambda, x_1, x_2, s_1, s_2, s_3, s_4, + R_1 \geq 0.$$

Diperoleh variabel basic:  $R_1$ ,  $s_2$ ,  $s_3$ , dan  $s_4$ . Karena  $R_1$  muncul di persamaan  $r$ , maka harus disubstitusikan dengan batasan pertama.

$$R_1 = 1050 + 105\lambda - 40x_1 - 50x_2 + s_1$$

Dengan mensubstitusikan  $R_1$  ke persamaan  $r$ , Maka program linear yang harus diselesaikan adalah:

$$\text{Min} \quad : r = 1050 + 105\lambda - 40x_1 - 50x_2 + s_1$$

dengan kendala :

$$-105\lambda + 40x_1 + 50x_2 - s_1 + R_1 = 1050,$$

$$4\lambda + x_1 + 2x_2 + s_2 = 44,$$

$$9\lambda + 5x_1 + 4x_2 + s_3 = 99,$$

$$4,5\lambda + 3x_1 + x_2 + s_4 = 49,5,$$

$$\lambda, x_1, x_2, s_1, s_2, s_3, s_4, + R_1 \geq 0.$$

Tabel 2.7. Tabel awal fase 1

Basis	r	$\lambda$	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$R_1$	Solusi
R	1	-105	40	50	-1	0	0	0	0	1050
$R_1$	0	-105	40	50	-1	0	0	0	1	1050
$S_2$	0	4	1	2	0	1	0	0	0	44
$S_3$	0	9	5	4	0	0	1	0	0	99
$S_4$	0	4,5	3	1	0	0	0	1	0	49,5

Berdasarkan Tabel 2.7 telah dipilih  $x_2$  sebagai variabel masuk dan kolomnya sebagai kolom kunci dan  $R_1$  sebagai variabel keluar dan barisnya sebagai baris kunci maka akan dilanjutkan iterasi berikutnya sampai tabel simpleks optimal yaitu pada Tabel 2.8.

Tabel 2.8 Tabel solusi fase I

Basis	R	$\lambda$	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$R_1$	Solusi
<b>R</b>	1	0	0	0	0	0	0	0	-1	0
$x_1$	0	-2,1	0,8	1	-0,02	0	0	0	0,02	21
$S_2$	0	4	1	2	0,04	1	0	0	-0,04	2
$S_3$	0	9	5	4	0,08	0	1	0	-0,08	15
$S_4$	0	4,5	3	1	0,02	0	0	1	-0,02	28,5

## Fase II

Menyelesaikan program linear :

Maksimumkan :  $Z = \lambda$

Tabel 2.9 Tabel awal fase II

Basis	z	$\lambda$	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	Solusi
Z	1	-1	0	0	0	0	0	0	0
$x_2$	0	-2,1	0,8	1	-0,02	0	0	0	21
$S_2$	0	4	1	2	0,04	1	0	0	2
$S_3$	0	9	5	4	0,08	0	1	0	15
$S_4$	0	4,5	3	1	0,02	0	0	1	28,5

Berdasarkan Tabel 2.9 telah dipilih  $\lambda$  sebagai variabel masuk dan kolomnya sebagai kolom kunci dan  $s_2$  sebagai variabel keluar dan barisnya sebagai baris kunci maka akan dilanjutkan iterasi berikutnya sampai tabel simpleks optimal yaitu pada Tabel 2.10.

Tabel 2.10. Tabel solusi fase II

Basis	z	$\lambda$	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	Solusi
Z	1	0	0	0	0,005	0,072	0,238	0	1102,42
$x_2$	0	0	0	1	-0,009	0,703	-0,211	0	19,246
$S_2$	0	1	0	0	0,005	0,072	0,024	0	0,500
$S_3$	0	0	1	0	-0,002	-0,691	0,326	0	3,503
$S_4$	0	0	0	0	-0,008	1,048	-0,874	1	17,494

Karena semua nilai pada baris z pada tabel simpleks terakhir sudah positif atau nol maka tabel simpleks untuk solusi akhir merupakan tabel optimal. Dari tabel 2.10 dapat dilihat solusi akhir yang diperoleh yaitu:

$$\lambda = 0,5, \quad x_1 = 3,503, \quad x_2 = 19,246.$$

Kemudian untuk melihat perbedaan antara solusi program linear (non *fuzzy*) dengan program linear *fuzzy* akan ditunjukkan pada tabel 2.11.

Tabel 2.11. Tabel solusi (non *fuzzy*) dan *fuzzy*

LP(Non <i>fuzzy</i> )	PLF ( <i>fuzzy</i> )
Z = 1050	Z = 1102,42
$x_1 = 3,333$	$x_1 = 3,503$
$x_2 = 18,334$	$x_2 = 19,246$

Berdasarkan tabel 2.11, diperoleh bahwa:

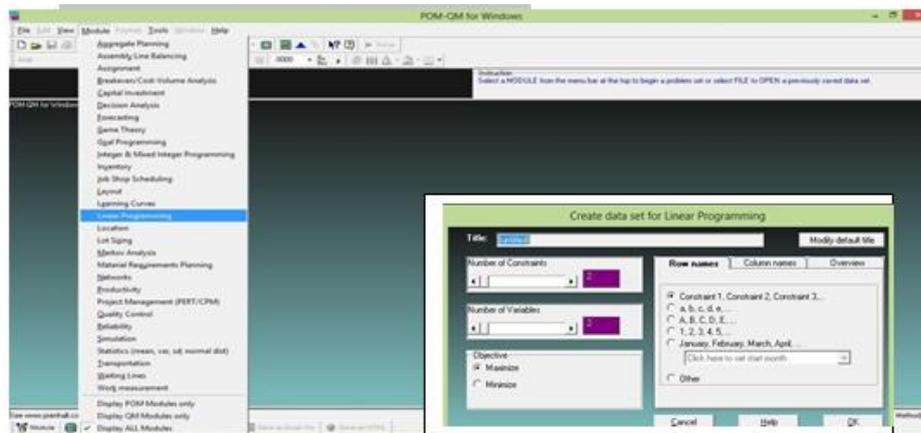
1. Dengan menggunakan LP biasa keuntungan maksimum akan diperoleh jika roti jenis I diproduksi sebanyak 3 buah dan roti jenis II diproduksi sebanyak 18 buah dengan keuntungan sebesar Rp1.050.000,00.
2. Dengan menggunakan PLF keuntungan maksimum diperoleh jika roti jenis I diproduksi sebanyak 4 buah dan roti jenis II diproduksi sebanyak 19 buah dengan keuntungan sebesar Rp1.102.420,00 ( selisih Rp52.420,00 lebih banyak dibandingkan LP biasa) dengan catatan penambahan 10% setiap bahan baku.

## II.7 QM for Windows

QM adalah kepanjangan dari *quantitatif method* yang merupakan perangkat lunak dan menyertai buku-buku teks seputar manajemen operasi yang diterbitkan oleh Prentice-Hall's. Terdapat tiga perangkat lunak sejenis yang mereka terbitkan

yakni DS for Windows, POM for Windows dan QM for Windows. Perangkat-perangkat lunak ini *user friendly* dalam penggunaannya untuk membantu proses perhitungan secara teknis pengambilan keputusan secara kuantitatif. POM for Windows ialah paket yang diperuntukkan untuk manajemen operasi, QM for Windows ialah paket yang diperuntukkan untuk metode kuantitatif untuk bisnis dan DS for Windows berisi gabungan dari kedua paket sebelumnya. *QM for Windows* bisa memanfaatkan untuk menemukan solusi dari berbagai masalah bisnis secara cepat, *QM for Windows* menyediakan modul-modul dalam area pengambilan keputusan bisnis.

Syarat spesifikasi minimum yang diperlukan untuk dapat menginstal QM for Windows adalah processor dengan Pentium atau sejenisnya, RAM minimum MB, sistem operasinya berupa Windows Spesifikasi komputer yang digunakan penulis adalah processor N2840 Intel Pentium, RAM sebesar 2 GB dan menggunakan Windows 8. *QM for Windows* dapat menyelesaikan masalah linear programming yang berkaitan dengan optimasi keuntungan hingga terdapat batas maksimum dan batas minimum keuntungan, dalam penyelesaian menggunakan *QM for Windows* terdapat 5 output (tampilan) yang dihasilkan dari penyelesaian linear programming menggunakan *QM for Windows*, dapat dipilih untuk ditampilkan dari menu *Windows* yaitu *Linear Programming Results*, *Ranging*, *Solution list*, *Iterations*, *Dual*. Mulailah mengoperasikan *QM for Windows* dengan mengeksekusi ikon *QM for Windows* dilayar komputer ataupun melalui tombol Start di Windows. Setelah proses *loading* program, jendela utama *QM for Windows* akan muncul seperti berikut ini.



Gambar 2. 2 Jendela utama *QM for Windows*

Setelah klik linear programming maka akan muncul tampilan *create data set for linear programming*, lalu masukan berapa banyak kendala pada kolom *number of Kendalas* dan masukan pula berapa banyak variabel pada kolom *number of variable*. Kemudian klik OK maka akan muncul tampilan

	X1	X2	X3	RHS	Equation form
Maximize	0	0	0		Max
Constraint 1	0	0	0	<= 0	<= 0
Constraint 2	0	0	0	<= 0	<= 0
Constraint 3	0	0	0	<= 0	<= 0
Constraint 4	0	0	0	<= 0	<= 0
Constraint 5	0	0	0	<= 0	<= 0
Constraint 6	0	0	0	<= 0	<= 0
Constraint 7	0	0	0	<= 0	<= 0

Gambar 2. 3 Tampilan tabel data

Pada kolom Kendala bisa diganti dengan nama-nama kendala yang terjadi dalam masalah *linear programming*, misalkan dalam produksi keripik pisang terdapat beberapa kendala seperti pisang, minyak, dan lainnya. Maka kendala 1 dapat diganti dengan pisang, kendala 2 diganti dengan minyak, dan seterusnya. Lalu masukan koefisien dalam setiap kendala kedalam kolom variabel dan RHS. Setelah semua kolom terisi maka klik ikon SOLVE maka akan muncul tampilan dari menu *Windows* yaitu *Linear Programming Results*, *Ranging*, *Solution list*, *Iterations*, *Dual* (Marzukoh, 2017).